

Nom :	DS 04	TST2D OISELET Devoir n° 08
Prénom :		Déc. 2022 .../...

Le soin et la rédaction seront pris en compte dans la notation. **Faites des phrases claires et précises.**
 Le barème est approximatif. La calculatrice est autorisée.

Attention! Le sujet est recto-verso.

Exercice 1

5 points

Je connais mon cours!

1 pt **1** Donner la dérivée de $f(x) = \ln x$:

2 pts **2** Compléter les formules suivantes :

- | | |
|--|---|
| <ul style="list-style-type: none"> • $\ln 1 = \dots$ • $\ln(a \times b) = \dots$ | <ul style="list-style-type: none"> • $\ln(a^n) = \dots$ • $\ln(\sqrt{a}) = \dots$ |
|--|---|

2 pts **3** Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $\ln(3x + 1) = \ln 2$

Exercice 2

4 points

4 pts Calculer en fonction de $\ln 2$ et $\ln 3$ les nombres suivants :

- | | | | |
|-----------------|-----------------------|-----------------------------|---|
| • $A = \ln(36)$ | • $B = \ln \sqrt{18}$ | • $C = \ln(3^4 \times 2^7)$ | • $D = \ln\left(\frac{3^5}{2^6}\right)$ |
|-----------------|-----------------------|-----------------------------|---|

Exercice 3

3 points

3 pts Calculer la dérivée des fonctions suivantes :

- | | | |
|-----------------------------|--------------------|------------------------|
| • $f(x) = \ln x + x^2 - 3x$ | • $g(x) = x \ln x$ | • $h(x) = \ln(2x + 1)$ |
|-----------------------------|--------------------|------------------------|

Exercice 4

4,5 points

4.5 pts Calculer la dérivée des fonctions suivantes

- | | | |
|--------------------------|-----------------------------|--------------------------|
| • $f(x) = \sin(2x + 3)x$ | • $g(x) = (x^2 + 3x + 1)^3$ | • $h(x) = \sqrt{2x + 1}$ |
|--------------------------|-----------------------------|--------------------------|

Exercice 5

8 points

Soit la fonction f définie et dérivable sur $]0; +\infty[$ par $f(x) = 2 \ln x + \frac{4}{x} - 5$. On note C la représentation graphique de la fonction f .

- 1.5 pt **1** a. Déterminer $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.
- 0.5 pt b. On admet que $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$. Que peut-on en déduire graphiquement ?
- 1 pt **2** a. Pour tout nombre réel x appartenant à $]0; +\infty[$, vérifier que $f'(x) = \frac{2x-4}{x^2}$.
- 1.5 pt b. Étudier le signe de $f'(x)$ sur $]0; +\infty[$.
- 1 pt c. Déterminer une équation de la tangente T à C au point d'abscisse 1.
- 1 pt **3** Établir le tableau de variations de f sur $]0; +\infty[$.
- 1 pt **4** En précisant votre démarche, donner le nombre de solution(s) de l'équation $f(x) = 0$, pour x appartenant à $]0; +\infty[$.
- 0.5 pt **5** Donner le signe de $f(x)$ pour x appartenant à $[1; 3]$.